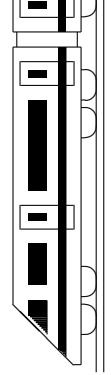


# 12. Klasse TOP 10 Grundwissen

## Kernsätze



CC BY-SA: www.strobl-f.de/grund12k.pdf

Blatt auf DIN A 3 vergrößern, Karteikarten ausschneiden und Rückseite an Rückseite zusammenkleben!

<b>12</b>	<b>K</b>
-----------	----------

Integration	Wendepunkte, IntegralRäten	E( $X$ ), Binomialverteilung	Testen von Hypothesen	Geradengleichungen
L121 Wie berechnet man Integrale, z. B. $\int_{-1}^2 (4x - 7) dx$ ? Wie ist ein solches Integral zu deuten? Wie berechnet man die Fläche $A$ zwischen zwei Kurven?	122 Wie untersucht man eine Funktion auf Wendepunkte? Was besagt der Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung? Wie berechnet man die Fläche $A$ zwischen zwei Kurven?	123 Wie berechnet man allgemein Erwartungswerte? Für Binomialver./Bernoulli-Kette: $E(X) = ?, V(X) = ?, P_{n=50,p=0,85}(X = 48) = ?, P_{n=50,p=0,85}(X \geq 48) = ?$	124 Welche Vorgehensweise liegt bei Hypothesentests meist vor, z. B.: Die Vermutung „Trefferw. $p > 0,85\%$ soll auf 1 %-Niveau hochsignifikant „bewiesen“ werden bei Stichprobenlänge $n = 50$	125 Wie sind im Raum Geraden $g$ gegeben? Wie die Gerade durch zwei Punkte $A, B$ ? Wie prüft man, ob $P$ auf $g$ liegt? Wie berechnet man den Abstand eines Punktes von einer Geraden?
L121 Stammfunktion $F$ (also mit $F' = f$ ) auswerten „Ober- minus Untergrenze“, z. B. $\int_{-1}^2 (4x - 7) dx = [2x^2 - 7x]_{-1}^2 = -6 - 8 = -14$ . Flächenbilanz der ober-/unterhalb der $x$ -Achse liegenden Flächen. A: „Ober- minus Unterkurve“.	L122 $f''(x) = 0$ lösen und Vorzeichenbereiche betrachten ( $f'' > 0$ : linksgekrümmt), Stelle mit Krümmungswechsel ist WP. Hdl: Die Ableitung der Integralfunktion $I(x) = \int_a^x f(t) dt$ ergibt den Integranden: $I' = f$ .	L123 $E(X) = \text{„Summe Wert } x_i \text{ mal W. } P(X = x_i)\text{“} (\rightarrow \text{Merkhilfe}).$ Bin.vert.: $E(X) = np$ , $V(X) = npq$ , $P_{...}(X = 48) = \binom{n}{k} p^k q^{n-k} = \binom{50}{48} 0,85^{48} 0,15^2 = 0,01128$ , $P_{...}(X \geq 48) = 1 - P_{...}(X \leq 47) = 1 - 0,9858 = 0,0142 (\rightarrow \text{Tafel})$ .	L124 $H_0 : p \leq 0,85$ , $H_1 : p > 0,85$ Entscheidungsregel: $H_0$ ablehnen, falls Trefferzahl $k \geq k_0$ . $k_0$ wird so bestimmt, dass $\alpha = P_{H_0}(H_0 \text{ abgelehnt}) = P_{n=50,p=0,85}(k \geq k_0) \leq 0,01$ (Stochastik-Tafel hier $\rightarrow k_0 = 49$ ).	L125 $g : \vec{X} = \vec{A} + \lambda \vec{u}$ mit Aufpunkt $A$ und Richtungsvektor $\vec{u}$ , $AB : \vec{X} = \vec{A} + \lambda(\vec{B} - \vec{A})$ . P einsetzen, drei Gleichungen für gleiches $\lambda$ . Fußpunkt als allg. Geradenpunkt ansetzen, $\vec{PF} \circ \vec{u} = 0$ .
L126 Wie sind Ebenen in Parameterform gegeben? Wie stellt man eine Ebene durch drei Punkte $A, B, C$ auf?	L127 Wie berechnet man aus $E : \vec{X} = \vec{A} + \lambda u + \mu v$ die Normalenform $E : n_1 x_1 + n_2 x_2 + n_3 x_3 = d$ ? Wie fällt man ein Lot von $P$ auf $E$ ? Wie bestimmt man Hesse-Normalform und Abstand $d(P, E)$ ?	L128 Wie bestimmt man die gegenseitige Lage zweier Geraden? Wie gegebenenfalls den Schnittwinkel $\varphi$ ? Wie ggf. den Schnittwinkel $\psi$ ? Von welcher „Bauart“ sind Achsenpunkte z. B. auf der $x_3$ -Achse? Welche Gl. hat die $x_2 x_3$ -Ebene?	L129 Wie bestimmt man die gegenseitige Lage Gerade $g$ – Ebene $E$ ? Wie ggf. den Schnittwinkel $\psi$ ? Von welcher „Bauart“ sind Achsenpunkte z. B. auf der $x_3$ -Achse? Welche Gl. hat die $x_2 x_3$ -Ebene?	L129 Allg. Geradenpunkt in $E$ einsetzen → schneiden sich („ $\lambda = \dots$ “) bzw. Gerade in der Ebene ( $,0 = 0^\circ$ ) bzw. echt parallel ( $,1 = 0^\circ$ ). $\sin \psi = \frac{ \vec{u} \circ \vec{n} }{ \vec{u}  \cdot  \vec{n} }$ . $A_3(0 0 x_3)$ . $x_2 x_3$ -Ebene: $x_1 = 0$ .
L126 Aufpunkt $A$ und zwei Richtungsvektoren $\vec{u}, \vec{v}$ : $E : \vec{X} = \vec{A} + \lambda \vec{u} + \mu \vec{v}$ . Drei-Punkte-Gleichung: $E : \vec{X} = \vec{A} + \lambda(\vec{B} - \vec{A}) + \mu(\vec{C} - \vec{A})$ .	L127 Normalvektor $\vec{n} = \vec{u} \times \vec{v}$ , Ansatz $n_1 x_1 + \dots = d$ , $A$ einsetzen $\rightarrow d$ . Loigerade (Aufpunkt $P$ , Richtungsvektor $\vec{n}$ ) mit $E$ schneiden. HNF: Ebengengl. durch $\pm  \vec{n} $ teilen, $d(P, E)$ : Punkt in Term der HNF einsetzen.	L128 Richtungsvektoren parallel? • Falls ja: Aufpunkt der einen Geraden in die andere einsetzen → identisch oder echt parallel. • Falls nein: Gleiche setzen → Schnittpunkt oder windschief. $\cos \varphi = \frac{ \vec{u} \circ \vec{n} }{ \vec{u}  \cdot  \vec{n} }$ .	L129 Normalvektoren parallel? → Ebenen identisch oder echt parallel oder sich schneidend. $s$ : Unterbest. Gl. system lösen (eine Variable „freier Wunsch“ $\lambda$ , andere durch $\lambda$ ausdrücken). $\cos \varphi = \frac{ \vec{n}_1 \circ \vec{n}_2 }{ \vec{n}_1  \cdot  \vec{n}_2 }$ .	L120 Normalvektoren parallel?