



12. Klasse Übungsaufgaben (alter LP)	12
Geradengleichungen	05

1. Gegeben ist die Gerade $g : \vec{X} = \begin{pmatrix} 2 \\ 6 \\ -1 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}, \quad \lambda \in \mathbb{R}.$

Prüfen Sie, ob die folgenden Punkte auf g liegen:

$$Q(1|4|3), R(0|2|1), S(5|0|2).$$

Berechnen Sie die Koordinaten eines Punktes T auf g mit $T(\cdot|\cdot|0)$.

2. Zeigen Sie, dass die Punkte $A(-2|-2|8)$, $B(4|4|4)$, $C(2|2|\frac{16}{3})$ und $D(-17|-17|18)$ auf einer Geraden liegen, indem Sie die Gleichung der Geraden AB aufstellen und zeigen, dass C und D auf AB liegen.

3. Berechnen Sie den Abstand des Punktes $D(2,5|-0,5|1)$ von der Geraden AB durch $A(-1|-1|1)$ und $B(2|-2|1)$ und berechnen Sie damit die Fläche des Dreiecks ABD . Vergleichen Sie mit dem Vektorprodukt-Ergebnis (vgl. grund119.pdf).

4. Welche besondere Lage haben folgende Geraden im Koordinatensystem:

(a) $g : \vec{X} = \lambda \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ -2 \end{pmatrix}, \quad \lambda \in \mathbb{R}.$

(b) $h : \vec{X} = \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \\ -1 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \mu \in \mathbb{R}.$

5. Gegeben ist die Schar der Punkte $P_a(a|14|12 - 3a)$ mit dem reellen Parameter a .

(a) Geben Sie in Punkt-Richtungsform die Gleichung der Geraden g an, auf der alle Punkte P_a liegen.

(b) Welche Lage haben die Punkte $P_{0,5}$, P_0 und P_1 zueinander?

Welche Lage haben die Punkte P_{-1} , P_0 und P_1 zueinander?

6. (a) Gegeben ist die Gerade $g : \vec{X} = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix} + \tau \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad \tau \in \mathbb{R}.$

Wie lautet die Gleichung der Geraden p , die durch senkrechte Projektion von g in die x_1x_2 -Grundebene entsteht?

(b) Nun werde im zweidimensionalen Raum die Gerade $y = -\frac{1}{2}x + 2,5$ betrachtet. Wie könnte diese Gerade in Punkt-Richtungsform beschrieben werden?