



| | |
|------------------------------|-----------|
| 9. Klasse Lösungen | 9 |
| Lösen von Gleichungen | 10 |

| Typ | Name | Lösungsverfahren | Beispiel |
|---------------------------------------|--|---|---|
| $4x + 4 = -4x + 8$ | Lineare Gleichung | x -Glieder auf eine Seite, Rest auf die andere | $4x + 4x = 8 - 4$ $8x = 4; x = \frac{1}{2}; L = \{\frac{1}{2}\}$ |
| $5 = 5$ | Allgemeingültig | Alle erlaubten x sind Lösung | $L = D$ bzw. $L = \mathbb{R}$ |
| $0 = 5$ | Unerfüllbar | Keine Lösung | $L = \{\}$ |
| $x^2 - 8x - 20 = 0$ | Quadratische Gleichung in Normalform | p, q -Formel $x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{(\frac{p}{2})^2 - q}$ (oder allg. Formel mit $a = 1$) | $x_{1/2} = 4 \pm \sqrt{16 + 20}$ $x_1 = -2; x_2 = 10$ $L = \{-2; 10\}$ |
| $9x^2 + 12x + 4 = 8x + 9$ | Allgemeine quadratische Gleichung | Nach 0 auflösen; Mitternachtsformel $x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$ | $9x^2 + 4x - 5 = 0$ $x_{1/2} = \frac{-4 \pm \sqrt{16 + 4 \cdot 9 \cdot 5}}{2 \cdot 9} = \frac{-4 \pm 14}{18}$ $x_1 = \frac{5}{9}; x_2 = -1$ $L = \{-1; \frac{5}{9}\}$ |
| $9x^2 + 3 = 7$ | Reinquadratische Gleichung | Nach x^2 auflösen. Keine, eine oder zwei Lösungen! | $x^2 = \frac{4}{9}$ $x_{1/2} = \pm \sqrt{\frac{4}{9}} = \pm \frac{2}{3}$ $L = \{-\frac{2}{3}; \frac{2}{3}\}$ |
| $x^2 - 2x = 0$ | Qu. Gl. ohne Konstante (nur wenn rechte Seite = 0 ist!) | x ausklammern; ein Produkt ist 0, wenn einer der Faktoren 0 ist | $x(x - 2) = 0$ $x = 0$ oder $x - 2 = 0$ $x_1 = 0, x_2 = 2$ $L = \{0; 2\}$ |
| $x^4 - 8x^2 - 20 = 0$ | Biquadr. Gleichung | Substitution $u = x^2$ | $u^2 - 8u - 20 = 0$ $u_1 = -2; u_2 = 10;$ $x_{1/2} \sqrt{\quad}, x_{3/4} = \pm \sqrt{10}$ $L = \{-\sqrt{10}; \sqrt{10}\}$ |
| $x^3 = 512$ | Reine Potenzgleichung | Umkehroperation hoch 3 \leftrightarrow hoch $\frac{1}{3}$ | $x = 512^{\frac{1}{3}} = \sqrt[3]{512} = 8$ $L = \{8\}$ |
| $1 - \frac{1}{x} = \frac{1}{x^2 - x}$ | Allgemeine Bruchgleichung | Nenner faktorisieren; mit Hauptnenner multiplizieren; Definitionsmenge! | Nenner $x^2 - x = x(x - 1)$ $D = \mathbb{R} \setminus \{0; 1\}$ $HN = x(x - 1)$ $x(x - 1) - (x - 1) = 1$ $x^2 - 2x = 0$ $x = 0$ ($\notin D$) oder $x = 2$ $L = \{2\}$. |
| $\frac{4}{3x - 4} = \frac{1}{x + 2}$ | Bes. Bruchgl.: li. und re. Seite nur ein Bruch | Kreuzweise multiplizieren. Definitionsmenge! | $D = \mathbb{R} \setminus \{-2; \frac{4}{3}\}$ $4(x + 2) = 3x - 4$ $x = -12; L = \{-12\}$ |
| $\sqrt{8x + 9} - 2 = 3x$ | Wurzelgleichung | Definitionsmenge! Wurzel isolieren; quadrieren; Probe! | $D = [-\frac{9}{8}; \infty[$ $\sqrt{8x + 9} = 3x + 2$ $8x + 9 = 9x^2 + 12x + 4$ $x_1 = \frac{5}{9} (\checkmark), x_2 = -1 (\surd)$ $L = \{\frac{5}{9}\}$ |
| $\cos \alpha = \frac{1}{2} \sqrt{2}$ | Trigonometr. Gleichung | Taschenrechner (SHIFT) \cos^{-1} | $\alpha = 45^\circ$ Näheres \rightarrow 10. Klasse! |