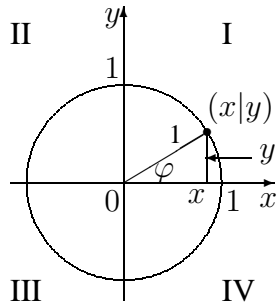


Sinus, Kosinus am Einheitskreis (= Kreis mit Radius $r = 1$)



$\cos \varphi = x, \sin \varphi = y$

Insbesondere ergibt sich also z. B.

- für $\varphi = 30^\circ$ ein „halbes“ gleichseitiges Dreieck mit $x = \frac{1}{2}\sqrt{3}, y = \frac{1}{2}$,
- für $\varphi = 45^\circ$ ein gleichschenkliges Dreieck („halbes Quadrat“) mit $x = \frac{1}{2}\sqrt{2}, y = \frac{1}{2}\sqrt{2}$.

Beispiel:

Für den Punkt mit $r = 1, \varphi = 60^\circ$ („Polarkoordinaten“) erhält man $x = \cos 60^\circ = \frac{1}{2} = 0,5,$
 $y = \sin 60^\circ = \frac{1}{2}\sqrt{3} \approx 0,87$ („kartesische Koordinaten“)

Tangens, Kotangens

$\tan \varphi = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi}, \cot \varphi = \frac{\cos \varphi}{\sin \varphi} = \frac{1}{\tan \varphi}$

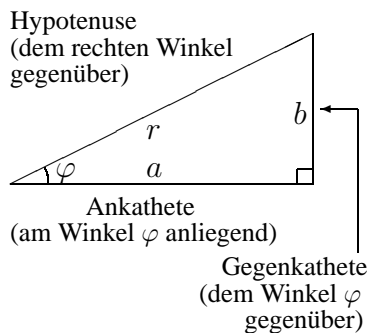
Trigonometrischer Pythagoras

Wegen $x^2 + y^2 = 1$ ist $(\sin \varphi)^2 + (\cos \varphi)^2 = 1$, Kurzschreibweise: $\sin^2 \varphi + \cos^2 \varphi = 1$.

Weitere Formeln

(z. B. $\sin(90^\circ - \varphi) = \cos(\varphi)$ und Additionstheoreme) siehe Formelsammlungen.

sin, cos, tan am rechtwinkligen Dreieck



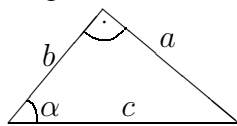
Denkt man sich das nebenstehende Dreieck mit dem Faktor $\frac{1}{r}$ gestreckt (bzw. gestaucht), so erhält man eines mit Hypotenuse 1, Ankathete $\frac{a}{r}$ und Gegenkathete $\frac{b}{r}$ und kann obige Erklärung von sin und cos am Einheitskreis anwenden:

$\cos \varphi = \frac{a}{r} = \frac{\text{Ankathete}}{\text{Hypotenuse}}, \sin \varphi = \frac{b}{r} = \frac{\text{Gegenkathete}}{\text{Hypotenuse}}$

$\tan \varphi = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi} = \frac{\frac{b}{r}}{\frac{a}{r}} = \frac{b}{a} = \frac{\text{Gegenkathete}}{\text{Ankathete}}$

Beispiele:

1. Gegeben: $\alpha = 50^\circ, b = 2$



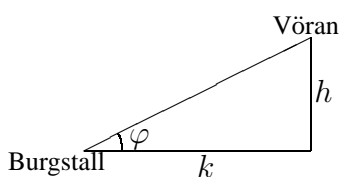
Hier ist b die Ankathete von α, a die Gegenkathete.

$\cos \alpha = \frac{b}{c} \Rightarrow c = \frac{b}{\cos \alpha} = \frac{2}{\cos 50^\circ} \approx 3,1$

$\sin \alpha = \frac{a}{c} \Rightarrow a = c \sin \alpha \approx 2,4$ (oder Pythagoras!)

(Taschenrechner [TR] auf DEGREE, siehe TR-Bedienungsanleitung, oft z. B. mit Tasten MODE 4 oder durch wiederholtes Drücken einer DRG-Taste; im TR-Display wird dies meist durch DEG angezeigt [oder D oder nichts, aber **nicht** RAD oder GRAD!])

2. Seilbahn Burgstall (270 m) – Vöran (1200 m), horizontale Entfernung 3,7 cm auf der Karte im Maßstab 1:50 000.



$h = 1200 \text{ m} - 270 \text{ m} = 930 \text{ m},$

$k = 0,037 \text{ m} \cdot 50\,000 = 1850 \text{ m}.$

$\tan \varphi = \frac{h}{k} = \frac{930}{1850} \approx 0,503.$

Je nach Taschenrechner ermittelt man meist mit den Tasten (SHIFT) \tan^{-1} vor oder nach Eingabe des Wertes 0,503 den Winkel:

$\varphi \approx 26,7^\circ.$