

### Satz von Pythagoras:

In einem rechtwinkligen Dreieck mit den Katheten  $a$ ,  $b$  und der Hypotenuse  $c$  gilt

$$a^2 + b^2 = c^2$$

(die Hypotenuse liegt dem rechten Winkel gegenüber).

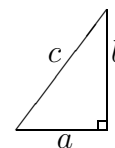
### Wichtige Anwendungen:

- **Auflösen der Formel**  $a^2 + b^2 = c^2$  nach  $c$  bzw.  $a$ :

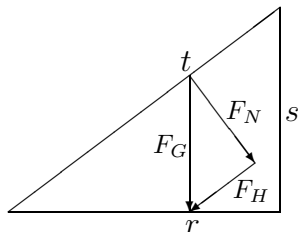
$$c = \sqrt{a^2 + b^2} \quad a = \sqrt{c^2 - b^2}$$

(Diese Ausdrücke können nicht weiter vereinfacht werden und sind insbesondere **nicht** gleich  $a + b$  bzw.  $c - b$ )

- Die rechtwinkligen Dreiecke in **verschiedenen Lagen** erkennen:  
Dreht man obiges Dreieck, so erkennt man leicht neben  $A = \frac{1}{2}ch_c$  eine weitere Formel für die **Fläche** des Dreiecks:  $A = \frac{1}{2}ab$



- **Anwendung in der Physik:**

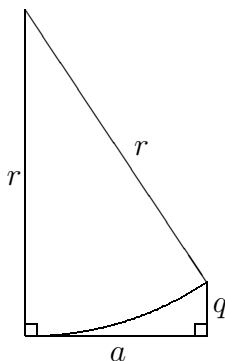


In der nebenstehenden Abbildung sind  $r \perp s$ ,  $F_H \parallel t$ ,  $F_N \perp t$  und  $F_G \perp r$ .

Im großen äußeren Dreieck gilt  $r^2 + s^2 = t^2$ .

Im kleinen inneren Dreieck ist  $F_N \perp F_H$  und daher  $F_G^2 = F_N^2 + F_H^2$ .

- Durch Einzeichnen von **Hilfslinien** rechtwinklige Dreiecke erzeugen:



Beispiel (Abbildung links):

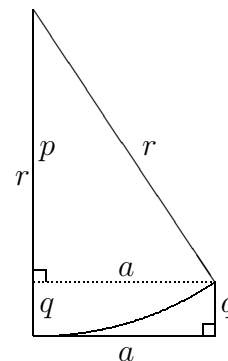
Gegeben sind der Kreisradius  $r = 5,3$  m und der Abstand  $a = 2,8$  m. Gesucht ist  $q$ .

Lösung (Abbildung rechts):

Man zeichnet die punktierte Hilfslinie der Länge  $a$  ein und erhält damit ein rechtwinkliges Dreieck mit  $p^2 + a^2 = r^2$ , also  $p = \sqrt{r^2 - a^2} =$

$$\sqrt{(5,3 \text{ m})^2 - (2,8 \text{ m})^2} = 4,5 \text{ m.}$$

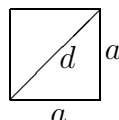
Damit ist  $q = r - p = 0,8$  m.



- **Diagonale im Quadrat**

$$d^2 = a^2 + a^2$$

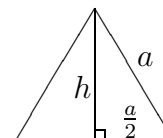
$$\Rightarrow d = \sqrt{2}a$$



- **Höhe im gleichseitigen Dreieck**

$$h^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 = a^2$$

$$\Rightarrow h = \sqrt{a^2 - \frac{a^2}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2}a$$

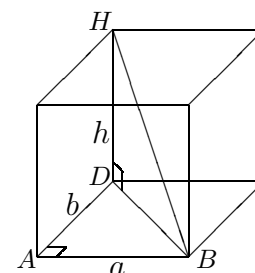


- **Raumdiagonale im Quader**

Betrachte zunächst  $\triangle ABD$ : Dort ist  $\overline{DB}^2 = a^2 + b^2$ .

Betrachte dann  $\triangle HDB$ : Dort ist  $\overline{HB}^2 = \overline{DB}^2 + h^2$ .

Also ist  $\overline{HB}^2 = a^2 + b^2 + h^2$ .



- **Abstand der Punkte**  $P_1(x_1|y_1)$  und  $P_2(x_2|y_2)$ :

$$\overline{P_1P_2} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$