

**Beispiel:**

$$f(x) = \frac{3x - 1}{2x - 2}$$

**Definitionsbereich:**

Da man nicht durch 0 dividieren darf, der Nenner unten also nicht 0 sein darf, ist  $2x - 2 = 0$  verboten, also  $2x = 2$ , also  $x = 1$  verboten. Erlaubt sind also alle Zahlen<sup>1</sup> ohne die 1:

$$D = \mathbb{Q} \setminus \{1\}$$

**Wertetabelle** (mit Taschenrechner, hier gerundete Werte):

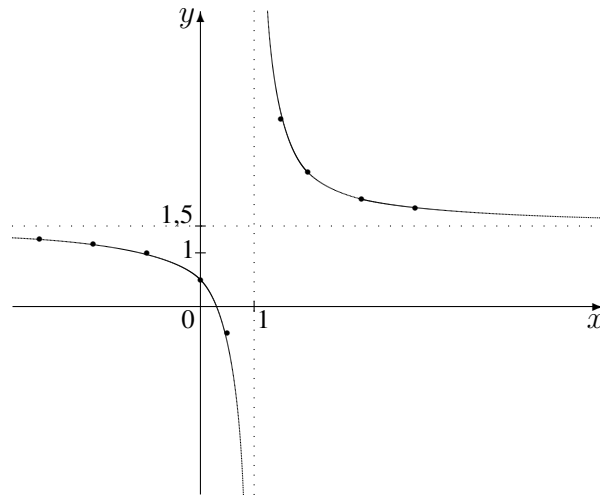
$x$	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$y$	1,25	1,17	1	0,5	↯	2,5	2	1,83

Besonders interessant sind Werte nahe der verbotenen 1 sowie sehr große  $x$ -Werte:

$x$	-100	0,5	0,9	1,1	1,5	100	1000
$y$	1,49	0,5	-23,5	26,5	3,5	1,51	1,501

**Waagrechte Asymptote**  $y = 1,5$ :

Bei sehr großen  $x$ -Werten nähert sich der  $y$ -Wert immer mehr dem Wert 1,5, d. h. der Graph nähert sich der waagrechten Geraden auf Höhe 1,5.



**Senkrechte Asymptote (Pol):**

In der Nähe der verbotenen Stelle  $x = 1$  schmiegt sich der Graph (wegen der betragsmäßig sehr großen  $y$ -Werte) der senkrechten Geraden  $x = 1$  an.

Wie in grund82.pdf gilt:

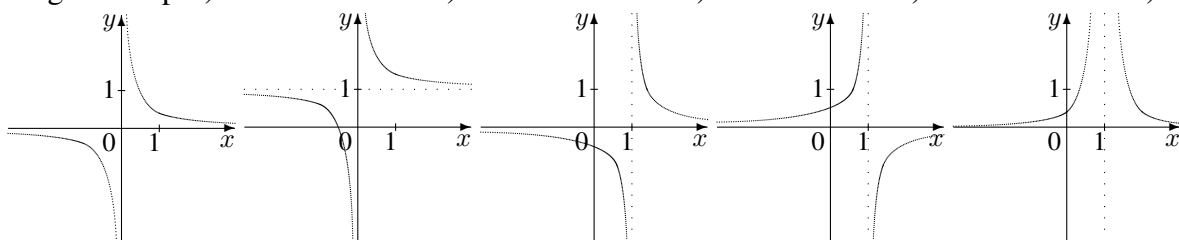
Den Schnittpunkt mit der  $y$ -Achse erhält man durch Einsetzen von  $x = 0$ , hier  $(0|0,5)$ .

Schnittpunkte mit der  $x$ -Achse (Nullstellen) erhält man, indem man den Funktionsterm gleich 0 setzt und die sich ergebende Bruchgleichung löst ( $\rightarrow$  grund88.pdf); hier ergibt sich (Zähler!)  $3x - 1 = 0$ , also  $x = \frac{1}{3}$ .

**Spezialfall, Verschiebungen und Spiegelung des Graphen, weiteres Beispiel:**

$$f(x) = \frac{0,4}{x} \quad f(x) = \frac{0,4}{x} + 1 \quad f(x) = \frac{0,4}{x-1} \quad f(x) = -\frac{0,4}{x-1} \quad f(x) = \frac{0,4}{(x-1)^2}$$

(Indir. Prop., (Verschiebung um 1 nach oben) (Verschiebung um 1 nach rechts) (Spiegelung an der  $x$ -Achse) (Doppelte Polstelle  $x = 1$ )  
 $\rightarrow$  grund81.pdf)



<sup>1</sup>Alle Zahlen, die wir kennen, also in der 8. Klasse rationale Zahlen  $\mathbb{Q}$ , ab der 9. Klasse reelle Zahlen  $\mathbb{R}$ .